

## FINAL 3º LGEBRA ENERO 2003

### PROBLEMAS:

1.- Sea el espacio vectorial de las matrices cuadradas de orden 2. Consideremos los siguientes subespacios vectoriales del mismo:

- Demostrar que, efectivamente,  $V$  es un subespacio vectorial de
- Calcular las bases, dimensiones y ecuaciones paramétricas e implícitas de  $U$ ,  $V$ ,  $W$
- Calcular una base de

2.- Sea la aplicación lineal dada por la matriz cuando consideramos la base canónica en ambos subespacios.

- ¿Para qué valores de  $a$  la aplicación no es epimorfismo? ¿Para qué valores de  $a$  la aplicación tiene núcleo de dimensión 2?
- Calcular para  $a=1$  dimensión, bases y ecuaciones implícitas de los espacios  $\text{Ker}$  e  $\text{Im}$
- Calcular para  $a=1$  la matriz asociada a cuando consideramos la base en ambos subespacios, con

3.- Consideremos los subespacios:

- Teniendo en cuenta los valores de  $a$ , ampliar una base de  $V$  a una base de
- ¿Para qué valores de  $a$   $V$  y  $W$  están en suma directa?

4.- Sea el producto escalar usual en  $\mathbb{R}^3$ , sea la base canónica de  $\mathbb{R}^3$ , y sea la base de definida como sigue:

con tal que es ortogonal al subespacio y forma un ángulo con

- determinar  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$ ,  $f$  para que satisfaga las condiciones anteriores y sea además una base ortonormal de
- Calcular una base del subespacio ortogonal a
- Calcular el ángulo que forman los vectores  $y$  y  $z$ ; y la proyección de  $y$  sobre

## FINAL 3º LGEBRA JUNIO 2003

### PROBLEMAS:

1.- Consideremos los subespacios  $U$ ,  $V$ ,  $W$  contenidos en  $\mathbb{R}^3$ , definidos como sigue:

- Calcular las dimensiones y una base de los espacios  $V$ ,  $V \cap W$
- Obtener las ecuaciones paramétricas e implícitas de  $W \cap U$
- Obtener un subespacio suplementario de  $V \cap W$

2.- Estudiar para qué valores reales de  $t$ , la siguiente matriz es diagonalizable en el campo real:

3.- Sea  $V$  el espacio vectorial de los polinomios de grado menor o igual que uno, con las operaciones usuales: Sea  $f$  el endomorfismo de  $V$  que verifica las condiciones siguientes:

- $f(1+x)=2-x$
- El núcleo coincide con la imagen, es decir,  $\text{Ker} f = \text{Im} f$

Se pide:

- Matriz del endomorfismo en la base  $B=\{1,x\}$
- Calcular una base de  $f(W)$  siendo  $W$  el subespacio de ecuación donde son coordenadas en la base  $B$
- Imagen inversa del conjunto  $\{(1,1),(0,0)\}$

4.- Sea un espacio euclídeo cuyo producto escalar en la base canónica, satisface las siguientes condiciones es ortogonal a los vectores  $u, v$ ; es unitario. El ángulo  $(u,v)=\arccos(g(u,v))$ ;  $g(u,u)=1$ ,  $g(u,v)=0$ ;  $g(v,v)=4$ ; ;

Sea  $V =$

- Dar una base de  $\hat{A}_i$  en estos subespacios en suma directa?
- Calcule una base ortonormal de

## FINAL 2º LGEBRA SEPTIEMBRE 2003

### PROBLEMAS:

1.- La productora de cine CINEMA planea la realización de un corto para darse a conocer. Para ello, ha de contratar operarios (de sonido, cámaras,...) contratar actores “famosillos” y contratar actores de reparto. Para contratar actores, tanto famosos como de reparto, realiza un casting previo durante 2 días. Necesita 10 días para negociar y contratar los actores famosos, 5 días para la contratación de los actores de reparto y 5 días para la contratación de los distintos operarios. Una vez contratado todo el personal (operarios y actores) comienza una campaña publicitaria de 5 días de duración. Necesita 10 días para diseñar y preparar las diferentes localizaciones y decorados. Terminando el asunto del decorado y las contrataciones, pero sin tener en cuenta la campaña publicitaria, realizar una serie de ensayos durante 3 días, tras los cuales comenzar a rodarse el corto. ¿Conseguir empezar a rodar el corto antes de 20 días? Para su comprobación se pide: relaciones de precedencias, grafo PERT asociado, tiempos, duración, holguras y caminos críticos.

2.- Consideremos los subespacios  $U, V, W$  contenidos en  $V$ , definidos como sigue:

- Calcular las dimensiones y una base de los espacios  $V, V \cap W$
- Obtener las ecuaciones paramétricas e implícitas de  $W \cap U$
- Obtener un subespacio suplementario de  $V \cap W$

3.- Calcular usando para ello propiedades de diagonalización de:

4.- Sea  $V$  el espacio vectorial de los polinomios de grado menor o igual que uno, con las operaciones usuales: Sea  $f$  el endomorfismo de  $V$  que verifica las condiciones siguientes:

- $f(1+x)=2-x$
- El núcleo coincide con la imagen, es decir,  $\text{Ker } f = \text{Im } f$

Se pide:

- Matriz del endomorfismo en la base  $B=\{1,x\}$
- Calcular una base de  $f(W)$  siendo  $W$  el subespacio de ecuación donde son coordenadas en la base  $B$

Imagen inversa del conjunto  $\{(1,1),(0,0)\}$