

HORMIGÓN

CÁLCULO DE ROTURA:

HORMIGÓN: f_{ck}

$$f_{cd} =$$

c

$H-200 ! f_{ck} = 200 \text{ K/cm}^2. f_{cd} = \text{Resistencia de cálculo del hormigón.}$

$H-250 ! f_{ck} = 250 \text{ K/cm}^2 f_{ck} = \text{Resistencia característica del hormigón}$

$c = \text{Coeficiente de seguridad para el hormigón.}$

ACERO : f_{yk}

$$f_{yd} = s$$

$AEH-400-N ! f_{yk} = 4.100 \text{ K/cm}^2 f_{yd} = \text{Resistencia de cálculo de acero.}$

$AEH-500-N ! f_{yk} = 5.100 \text{ K/cm}^2 f_{yk} = \text{Resistencia de cálculo de acero.}$

$AEH-600-N ! f_{yk} = 6.100 \text{ K/cm}^2 s = \text{Coeficiente de seguridad o del acero.}$

$AEH-480-N ! f_{yk} = 4.800 \text{ K/cm}^2$

ACCIONES :

$$f_d = F_o * f$$

Normales: $N_d = N_o * f$ $F_o = \text{Acción real o característica}$

Flectores: $M_d = M_o * f$ $f = \text{Coeficiente de mayoración de acciones.}$

Cortantes: $V_d = V_o * f$

	c	s	f		
<i>CONTROL NORMAL</i>	1,5	1,15	1,8	1,6	1,5
<i>INTENSO</i>	1,4	1,1	1,7	1,5	1,4
<i>REDUCIDO</i>	1,7	1,2	–	1,8	1,7
			<i>DAÑOS IMPORTANTES</i>	<i>DAÑOS MEDIOS</i>	<i>DAÑOS MATERIALES</i>

FLEXION SIMPLE:

Hipotesis de cálculo en flexión simple.

1ª – El acero sufre la misma deformación que el hormigón que lo envuelve, es decir, que existe adherencia perfecta entre acero y hormigón.

2ª – HIPOTESIS DE BERNOULLI: Las secciones planas siguen siendo planas después de la deformación, salvo en vigas de gran canto (que no estudiamos en la escuela). $L > 2h$ siendo $L =$ luz y $h =$ canto

3ª – Los materiales se comportan según los diagramas que figuran en la norma EH-91 y que son:

ACERO

f_{yd}

y ϵ_{yk} deformación de rotura del acero

$\epsilon_{yk} =$ deformación de agotamiento del acero

$\epsilon_{yk} = f_{yk} / E_a$

HORMIGÓN

$0,85 \cdot f_{cd}$

2 3,5

- Viene de lo que se llama factor reológico del hormigón (se estima que el hormigón durante el primer año puede perder un 15 % de su resistencia inicial)

FLEXION SIMPLE Método Parábola–Rectángulo

H d

A_s

d'

b

$b =$ ancho

$H =$ canto

$d =$ canto útil (distancia desde la fibra mas comprimida del hormigón hasta la armadura de tracción)

d' = recubrimiento

A_s = área de la armadura de tracción.

A_s' = área de la armadura de compresión (si hubiera).

U_s = capacidad mecánica o fuerza ejercida por la arm. de tracción.

U_s' = capacidad mecánica o fuerza ejercida por la arm. de compresión.

MOMENTO LÍMITE DE UNA SECCIÓN:

Es el momento máximo que puede absorber una sección de hormigón armado con armadura sencilla (sin armadura de compresión, sólo de tracción) aprovechando la máxima capacidad de ambos materiales, es decir, trabajando al máximo el hormigón y el acero.

Hormigón ---- $\rightarrow 0,85 \cdot f_{cd}$

Acero ---- $\rightarrow f_{yd}$

PASOS A SEGUIR PARA EL CÁLCULO DEL MOMENTO LÍMITE

3,5 y

1. - X_{lim}

$X_{lim} d - X_{lim}$

f_{yk}

Donde $y = E_a$

2. - $U_s \lim = U_{c1} + U_{c2}$

3,5 2 h^2

$X_{lim} h^2 h_1 = X_{lim} h^2$

$U_s \lim$

3. - $A_s \lim =$

f_{yd}

4. - $M_{lim} = U_{c1} \cdot z_1 + U_{c2} \cdot z_2$

h_1

$z_1 = d -$

2

$z_2 = d - h_1 - (3/8 \cdot h_2)$

FLEXION SIMPLE Método Simplificado–Rectángular

$H d$

A_s

d'

b

3,5 y

1. – $X \lim$

$X \lim d - X \lim$

$f_y k$

Donde $y = E a$

2. – $U_s \lim = 0,85 * f_c d * b * 0,8 * X \lim$

$U_s \lim$

3. – $A_s \lim =$
 $f_y d$

4. – $M \lim = 0,85 * f_c d * b * 0,8 * X \lim * (d - 0,4 * X \lim)$

FLEXION SIMPLE Problemas de Proyecto

Datos: $f_c k f_y k c s f M_o$ Incógnitas: A_s y A_s'

PASOS:

1. – Mayoramos el momento $M_d = M_o * f$

2. – Calculamos el momento límite de la sección.

3,5 y

$= X \lim$

$X \lim d - X \lim$

$f_y k$

Donde $y = E a$

$M \lim = 0,85 * f_c d * b * 0,8 * X \lim * (d - 0,4 * X \lim)$

3. – Comparamos M_d con $M \lim$ y puede surgir 3 casos:

a) $Md < Mlim$ $Us' = 0$ (no hace falta arm. de compresión pero

pondremos (2 Ø 12 MONTAJE)

$$Md = 0,85 * fcd * b * y * (d - y/2) y$$

$$Us \lim = 0,85 * fcd * b * y$$

US lim

AS lim =

fyd

b) $Md > Mlim$ $Us' \neq 0$

$Md - Mlim$

$$Md - Mlim = Us' * (d - d') Us' =$$

$d - d'$

$$Us \lim = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \lim + Us'$$

US lim US' lim

AS lim = AS' lim =

fyd fyd 4000

c) $Md = Mlim$ $Us' = 0$

$$Us \lim = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \lim$$

US lim

AS lim =

fyd

(caso poco frecuente, es decir, rarísimo)

DIMENSIONAR CON CANTO MÍNIMO d_{min} o H

Obligamos a que $Md = Mlim$

3,5 y

$$= f1 (X \lim , d) = 0 (L.)$$

$Xlim d - Xlim$

fyk

Donde $y = E\epsilon$

$$M_d = M_{lim} = 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot 0,8 \cdot X_{lim} \cdot (d - 0,4 \cdot X_{lim}) \cdot f_2(X_{lim}, d) = 0 \quad (2.)$$

Resolvemos el sistema (1.) y (2.) y sacamos X_{lim}, d

FLEXION SIMPLE Problemas de Comprobación o Peritación

Datos: $f_{ck}, f_{yk}, c, s, f_{As}, f_{As'}$ Incognitas: **M_u**

M_u = Es el momento máximo que puede aguantar una sección de hormigón armado conocidas las armaduras A_s y $A_{s'}$

M_o = Es el momento de servicio

M_u

M_o =

M_f

PASOS:

1. – Calculamos U_s y $U_{s'}$ (que son las capacidades mecánicas de las armaduras)

$$U_s = A_s \cdot f_{yd} \quad U_{s'} = A_{s'} \cdot f_{yd} \quad (4000)$$

2. – Calculamos $U_{s,lim}$

$$3,5 \cdot y$$

$$= X_{lim}$$

$$X_{lim} \cdot d - X_{lim}$$

$$f_{yk}$$

Donde $y = E\epsilon$

$$U_{s,lim} = 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot 0,85 \cdot X_{lim}$$

3. – Comparamos U_s con y puede surgir 3 casos:

a.) $U_s < U_{s,lim}$ $M_u < M_{lim}$ **Agotamiento del Acero**

$$a.1 \quad U_s = 0 \quad a.2 \quad U_s > 0$$

$$U_s = 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot y \quad U_{s'} = 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot y' + U_{s'} \cdot y'$$

$$M_u = 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot y \cdot (d - y/2) \quad M_u = U_{s'} \cdot (d - d') + 0,85 \cdot f_{cd} \cdot b \cdot y' \cdot (d - y'/2)$$

Mu Mu

$$M_o = f M_o = f$$

b.) $U_s = U_s \lim Mu = M \lim$ Agotamiento de ambos materiales a la vez

$$Mu = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \lim * (d - 0,4 * X \lim)$$

Mu

$$M_o = f$$

c.) $U_s > U_s \lim Mu > M \lim$ Agotamiento del hormigón.

c. 1- $U_s \prime > U_s (U_s -- U_s \lim)$ (Sobra armadura de compresión)

$$Mu = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \lim * (d - 0,4 * X \lim) + (U_s - U_s \lim) * (d - d')$$

Mu

$$M_o = f$$

c. 2- $U_s \prime < U_s (U_s -- U_s \lim)$ (Sobra armadura de tracción)

$$Mu = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \lim * (d - 0,4 * X \lim) + [U_s \prime * (d - d')]$$

Mu

$$M_o = f$$

MOMENTO DE ROTURA DE UNA SECCIÓN

Caso A. Sin armadura de compresión $U_s \prime = 0$

$$rot = Te \text{ la tienen que dar, si no te dan la rot pondremos } rot = 1,25 * fck$$

$$As * fyk = rot * b * yrot * yrot$$

$$Mrot = rot * b * yrot * (d - yrot / 2)$$

Caso B. Con armadura de compresión $U_s \prime > 0$

$$As * fyk = rot * b * yrot + As \prime * fyk * yrot$$

$$Mrot = rot * b * yrot * (d - yrot / 2) + [As \prime * fyk * (d - d')]$$

SEGURIDAD (S) CON LA QUE SE HA DIMENSIONADO UNA

SECCION

Mrot

$S =$

M_o

FLEXIÓN Y COMPRESIÓN COMPUESTA

Una sección trabaja a flexión o compresión compuesta cuando esta sometida a una sollicitación normal de compresión N_o y a un momento flector M_o . Esto equivale a un normal descentrado, es decir, aplicado en un punto que no este aplicado en el centro de gravedad. No

d_2

A_2

e_o

N_o

$H d = e$

A_1

d_1

b

Llamamos flexión compuesta cuando la fibra neutra corta a la sección y la divide en tracciones y compresiones. Llamaremos A_1 = Armadura de tracción.

A_2 = Armadura de tracción.

Compresión compuesta es cuando la fibra neutra no corta a la sección y por tanto toda la sección trabaja a compresión. Llamaremos A_1 = Armadura más comprimida

A_2 = Armadura menos comprimida.

FLEXION COMPUESTA

Datos: f_{ck} f_{yk} c s f M_o N_o Incognitas: A_1 A_2

Es el caso de grandes excentricidades.

En el examen empezamos por flexión compuesta y si la armadura sale negativa pasaremos a compresión compuesta.

PASOS:

1.- Calculamos la excentricidad (e_o) respecto del centro de gravedad:

M_o

$e_o =$

No

2.- Mayoramos el Axil (Nd)

$$Nd = No * f$$

3.- Obtenemos la excentricidad de las fuerzas respecto de la armadura de tracción

(e)

$$e = eo + h/2 - d1$$

4.- Trasladamos las fuerzas Nd con el momento que produce (Md) a la arm. de tracción.

$$Md = Nd * e$$

5.- Calculamos el **M lim** de la sección:

$$3,5 \text{ y}$$

$$= X \text{ lim}$$

$$X \text{ lim } d - X \text{ lim}$$

$$fyk$$

$$\text{Donde } y = Ea$$

$$M \text{ lim} = 0,85 * fcd * b * 0,8 * X \text{ lim} * (d - 0,4 * X \text{ lim})$$

6.- Comparamos Md con $Mlim$ y puede surgir 3 casos:

(Tanto en flex. compuesta como en compr. Compuesta

a) $Md < Mlim$ $U2 = 0$ ($0.05 * Nd$) la capacidad mecánica de las armaduras es el 5 % de Nd)

$$Md = 0,85 * fcd * b * y * (d - y/2) y$$

$$Us = 0,85 * fcd * b * y \quad U1 = 0,85 * fcd * b * y - Nd$$

$$U1 \quad U2$$

$$A1 = A2 =$$
$$fyd \quad fyd \quad 4000$$

b) $Md > Mlim$ $U2 = 0$

$$Md - M \text{ lim}$$

$$U2 =$$

$d - d_2$

$$U_s = 0,85 * f_{cd} * b * 0,8 * X_{lim} + U_2 \quad U_1 = 0,85 * f_{cd} * b * 0,8 * X_{lim} + U_2 - N_d$$

$U_1 \quad U_2$

$$A_1 = A_2 = f_{yd} \quad f_{yd} \quad 4000$$

$$c) \quad M_d = M_{lim} \quad U_2 = 0 \quad (0,05 * N_d)$$

$$U_s = 0,85 * f_{cd} * b * 0,8 * X_{lim} \quad U_1 = 0,85 * f_{cd} * b * 0,8 * X_{lim} - N_d$$

$U_1 \quad U_2$

$$A_1 = A_2 = f_{yd} \quad f_{yd} \quad 4000$$

EN CUALQUIERA DE LOS CASOS ANTERIORES, SI

U₁ SALE NEGATIVO PASAMOS A COMPRESIÓN COMPUESTA

COMPRESIÓN COMPUESTA

Es el caso de pequeñas excentricidades en donde toda la sección

trabaja a compresión. Llamaremos **A₁** = Armadura menos comprimida

A₂ = Armadura más comprimida.

Datos: $f_{ck} \quad f_{yk} \quad c \quad s \quad f \quad M_o \quad N_o$ Incognitas: **A₁ A₂**

PASOS:

1.- Calculamos la excentricidad (**e_o**) respecto del centro de gravedad:

M_o

$$e_o =$$

N_o

2.- Mayoramos el Axil (**N_d**)

$$N_d = N_o * f$$

3.- Obtenemos la excentricidad de las fuerzas respecto de la armadura más comprimida (**e₂**)

$$e_2 = h/2 - e_o - d_2$$

4. – *Trasladamos las fuerzas Nd con el momento que produce (Md) a la arm. de tracción.*

$$Md = Nd * e2$$

5. – *Calculamos el M máx que es capaz de absorber el hormigón junto con la arm. más comprimida.*

$$Mmáx = 0,85 * fcd * b * h * (h/2 - d)$$

6. – *Comparamos Md con Mmáx y puede surgir 3 casos:*

(Tanto en flex. compuesta como en compr. Compuesta

a) $Md < Mmáx$ $U1 = 0$ ($0.05 * Nd$) la capacidad mecánica de las armaduras es el 5 % de Nd)

$$Md = 0,85 * fcd * b * y * (y/2 - d)$$

(Si $U2$ sale negativa, quiere

decir que no hace falta armadura

$$U2 = Nd - 0,85 * fcd * b * y$$

ni arriba ni abajo, pondremos

0,05 Nd)

$$A1 = A2 = fyd 4000 fyd 4000$$

b) $Md > Mmáx$ $U1 = 0$

$$Md - M máx$$

$$U1 =$$

$$d - d2$$

$$U2 = Nd - 0,85 * fcd * b * h - U1$$

U1 U2

$$A1 = A2 = fyd 4000 fyd 4000$$

c) $Md = Mlim$ $U1 = 0$ ($0.05 * Nd$)

$$U2 = Nd - 0,85 * fcd * b * h$$

U1 U2

$A_1 = A_2 =$
 $f_{yd} 4000 f_{yd} 4000$

TANTO EN FLEXIÓN COMPUESTA COMO EN COMPRESIÓN COMPUESTA EN CASO DE HORMIGONADO VERTICAL (PILARES) CONSIDERA LA NORMA QUE:

$f_{cd} = 0,9 * f_{ck} / c$

COMPRESIÓN SIMPLE

Se produce cuando sobre la sección actúa un eje en el centro de gravedad.

$N_0 = 0$

$M_0 = 0$

Lo haremos como compresión compuesta añadiendo una excentricidad mínima que será el mayor de estos dos valores:

$h / 20$

e_0

2 cm.

TEORÍA

H – 175 INDICA que la resistencia característica (f_{ck}) es de 175 K/cm².

u es la deformación de aplastamiento o de rotura del hormigón a flexión y su valor normalizado es 3.5 .

f_{cm} es la resistencia estimada del hormigón.

b en teoría clásica es la tensión admisible del hormigón y su valor aproximado se obtiene dividiendo la rot entre un coeficiente de seguridad $n = 3$.

f_{ck}

f_{cd} es la resistencia de cálculo del hormigón y su valor se obtiene $f_{cd} =$ -----

c

E_b es el módulo de elasticidad del hormigón.

E_a

n en teoría clásica es el coeficiente de equivalencia, y su valor se obtiene $n =$

E_b

AEH-500-N indica que la resistencia característica de este acero es de 5.100 K/cm².

f_{yk} es la resistencia característica o límite elástico del acero.

s es el coeficiente de seguridad del acero y su valor de 1,15 corresponde a nivel de control NORMAL.

S es la deformación del acero.